信頼性解析法の河川堤防への適用 一問題点の整理一

本城勇介 岐阜大学工学部 社会基盤工学科 教授



「信頼性解析法の河川堤防への適用」ということで、発表させていただきます。

本発表は、関東地方のある河川の中流域10kmのデータをいただいて、信頼性解析と称するものがどのぐらいそこで有効なのかどうかということを、試験的にやってみたものであります。

結果が、私としては非常に不本意というか、それは私のやり方が悪いということもあるかもしれませんが、やはり堤防独特のいろいろな問題があるためになかなかうまくいかないということがあります。ここから発表することは、結論等を見ると一見うまくいっているようにも見えるかもしれま

内容

- 中流域堤防約10kmの信頼性解析 40分
 - 例題提示と提案する信頼性解析法の枠組み
 - 地盤解析: 応答局面法の作成
 - 不確実性解析
 - 結果の提示
 - まとめ
- ・ 線状構造物の信頼性解析の成功例 20分
 - 例題提示
 - 地盤解析: 応答局面法の作成
 - 不確実性解析
 - 結果の提示
 - まとめ

せんけど、非常に問題点が多いということを感じております。ですから、今日はその問題 点について提示するような形で発表したいと思います。

ただ、信頼性設計がこんなに使えないのか、特に堤防のような線状の構造物で使えない

のかということで、皆さんがあまりがっかりされると私としても不本意ですので、非常にうまくいく例もあるんだということもお示ししたいということで、今日は私と一緒に最近研究しております大竹さんに説明していただくもう1つの例があります。これは、延長12kmの水路の液状化対策について検討するために、液状化危険度解析を



12kmにわたって行ったものです。この例などはかなりうまくいっているのではないかと私たちは考えております。この例については、土木学会の今年(2012年)の1月の土木学会論

文集に発表されております。(土木学会論文集C, Vol. 68, No. 1, PP. 68-83, 2012)

そういうわけで、失敗例と成功例というのを、こういう非常に長い線状の構造物で比較 していただきたいというのが、今日の発表の趣旨であります。

では、中身に入りたいと思います。発表の順番はここに書いてあるとおりです。

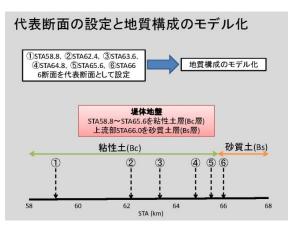
これは関東地方のある一級河川の右岸 堤防のデータ、10キロほどであります。 STA58から68という、大体10キロぐらいです。赤い点が標準貫入試験、 それから、UU試験とかCU試験がどういうところで行われているかということを示しております。

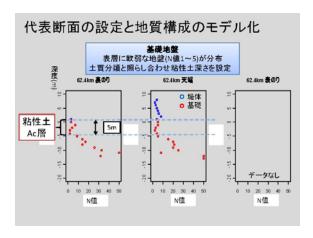
いわゆる堤防詳細点検での細分区間というのが、この10キロに6区間ありまして、それぞれの代表断面の位置が1から6まで記されております。

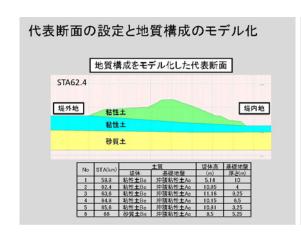
大ざっぱにいって、堤体の材料というのが、1から5まではシルトっぽいといいますか、非常に水を通しにくい材料です。6 もあまり水を通さないですが、一応、分類としては砂質土系のものということになっております。主に1から5を解析しております。

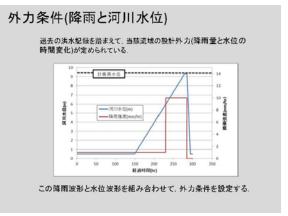
これは、典型的なボーリングのデータで、 裏のり、表のり、それから天端の3つの位 置で実施されております。たまたま取り上 げているこのケースでは、表のりのボーリ ングがないというケースです。





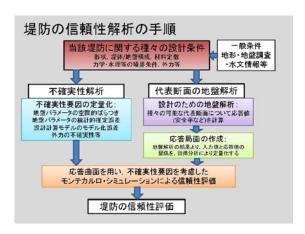






粘性土っぽい堤体がありまして、その下に粘性土があって砂質土があるというような、 土層構成となっています。

この図は、少しご説明したほうがいいと思うので、詳しく説明します。これは、私たちが最近信頼性解析を行うときに、大体踏んでいる手順を示したものです。長いこと私は信頼性解析というのをやっておりますが、なかなか受け入れられないということがございまして、いろいろ知恵を絞って、何とか少しでも普通の実務をやっている地



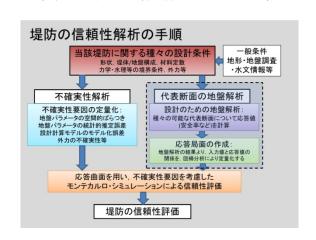
盤の技術者がわかるような形で論を展開したいと思いまして、こういう方法を考えております。

ここで一般条件とは、地質・地盤とか、ごく一般的な情報という意味です。それを、何らかの設計できる形に加工し設定するということがあります。

細分区間を決めるとか、代表断面を決めるとか、代表断面の土層構成を決めるとか、い

ろいろな意思決定が入っているわけです。

これの後を最近は2つにはっきり分けることにしております。1つが「地盤解析」といって、これは普通に地盤を解析する方法だというふうに考えていただいたらいいと思います。例えば堤防でしたら、「河川堤防の構造検討の手引き」にある手順を踏ん

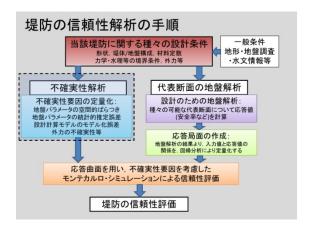


で、浸透解析をして、そして円弧すべり解析をしてその断面の安全性評価するという、そ ういう手順だと考えていただいていいと思います。

ただ、ちょっと違うところがあります。ここには確率・統計的な話は何もありません。 ただ我々が「応答曲面」と呼んでおります、入力値と設計結果(安全率など)を結びつける関数を求める作業があります。このために、特に閾値あたりのクリティカルになるケースをかなりの数、計算して、それで入力と出力の関係を一つの簡単な関数(回帰分析で求める)で関連づけるようにいたします。でも、ここには回帰分析する以外は全く、確率とか統計とか不確実性とかバラツキとか、そういう話は入りません。全く地盤工学的な話です。

一方、こちらは、我々は「基本変数」と呼んでおりますが、いろいろな要因――後で出

てきますが、単に地盤パラメータのバラツキばかりではなくて、少ないデータから地盤定数を決めているわけでありますので、空間的バラツキ、統計的推定誤差。それから、設計計算には理想化や単純化が含まれるので、モデル化の誤差というものがあります。さらに、外力の不確実性があります。今回は洪水は決め打ちで特に不確実性は考



慮しておりませんが、そういうものを考える場合もございます。

最終的にこの2つを合わせて信頼性評価をすることになります。一方、不確実性の解析

には、不確実性の扱い方に関するいろい ろな知識が必要ですが、地盤解析・応答 曲面に関しては全くそれは必要ないとい うことです。

最後はモンテカルロ・シミュレーションでやるというふうにしております。計算機の能力が上がりまして、ほとんど計算に問題は生じません。



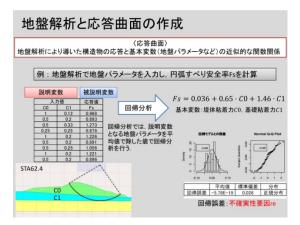
これは、ある断面を取ってきて、例えばこのケースだと、ここに1とか0.5とか書いてあるのは、決めた設計の非排水せん断強度の平均値(深度方向に増加していたりしてもいいんですが)、平均値を1として、それの半分とか4分の1とか、もっといろいろなケースをやることがありますが、そういうものを入れて安全率を計算しております。普通の計算を何回もやっているということです。

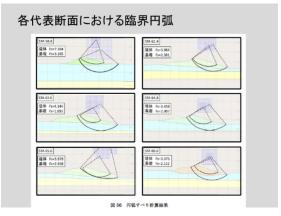
結果的にこれは非常に単純な形にしておりますけど、こういうような、安全率とこれとの間の関係を導き出します。経験によりますと、応答曲面の誤差は、結果にあまり影響を与えません。

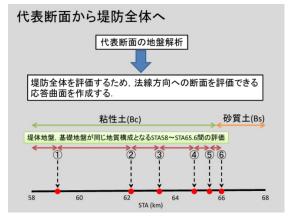
これを応答曲面と称しますが、これを単に1断面でやるのではなくて、決められた代表断面、今回は断面全部について一通り計算します。円弧すべりについて堤体でクリティカルなものと、基盤まですべるものと、両方それぞれ別々に考えております。

今日は、基盤まで通るものでお示ししたい と思います。

これらすべてをともかくこういう形で決めてしまうわけです。決定係数というのは (これが1だとパーフェクトフィットですが)、どのケースを見ても十分に高いフィットをしているということがわかります。







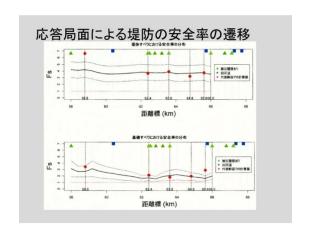


これが最終的に基盤のすべりについてこのケースで用いているものです。Hが堤体の高さ、Dが基盤のやわらかい層の深さ、Lが堤体の幅、 C_0 というのが堤体の強度で、 C_1 が地盤の強度です。この例では基盤を通るすべり安全率の決定係数はあまり高くないように見えますが、後でお示ししますが、他の不確実性に比べると、この程度の誤差はほとんど問題にならないということがわかります。

安全率の分布を法線方向に内挿したのが実線です。こうすると、安全率の縦断方向分布

推移がみえてくるわけです。特に今回は安全率は下流のほうが高くて上流のこの辺が一番低くて、また少し上がるというような、全体ではこういうような分布になっております。

以上が応答曲面です。どういうところを 計算するとか、どういうところに注意する とかいう説明は省きましたが、やっている



ことは大体わかっていただけると思います。非常に荒っぽいといえば荒っぽいですが、今 の設計法を踏襲してそういうふうに決めたということです。

事務所等によっては、堤防の安全性というのは、どういうところが危ないとか危なくないとかいう経験則を持っている事務所があるというようなことも聞きますが、そういう方法を多少システマティックにやったということであります。

次に、不確実性の解析です。我々は普通、信頼性解析をやるときは、地盤パラメータの

空間的バラツキ(土層厚を含む)。それから、 地盤パラメータの統計的推定誤差—これは、 調査地点から離れていれば、それだけ不確 実性が大きくなるだろうということです。 それから、設計計算モデルのモデル化誤差 です。モデル化誤差を定量化するには、実 際の破壊例と比較するのが一番いいと思う

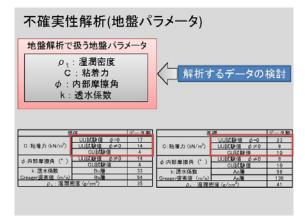
不確実性解析

- ・ 地盤パラメータの空間的ばらつき(土層厚を含む)
- 地盤調査データより設定. 特に堤体の地盤パラメータ(強度と 透水性)の設定に苦慮.
- ・ 地盤パラメータの統計的推定誤差
 - 地盤調査データにより設定.方法論あり.堤体の地盤パラメータの設定に苦慮.
- 設計計算モデルのモデル化誤差
 - 国総研資料「堤防の浸透破壊に対する安全性評価の度向上 に関する調査」菊森(2008)より解析. 不十分.
- 外力の不確実性
 - 今回の解析では、洪水と降雨は所与. 不確実性考慮せず.

んですが、実際に破壊するのは、安全率が1のときであるわけでもありません。1より多少大きくて破壊してしまうものもあれば、1を過ぎて、0.9とかで破壊するものもあります。そういうものが、要するに現在の設計計算法の精度だというふうに考えて、その不確実性を定量化するのです。さらに、外力の不確実性ということがあります。

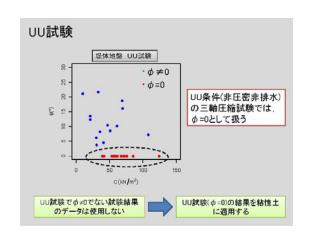
特に、この2年間ぐらいは地盤パラメータの空間的バラツキと統計的推定誤差というの

を、きちんとした理論にまとめようとして やってきているんですが、今回のケースで は、そのような理論を駆使できるような状 況には、あまりにもデータが少なすぎる状 況でした。このため、かなり原始的にとい うか、かなり無理をして計算をしておりま す。



実際にどのぐらいデータがあるかというと、ここに書いてあるようなデータの数があります。ここにありますように、堤体についてはUU試験と書いてあるものが全部で31個

ぐらいある。基礎については、やはり31個あります。こういうデータを見ると本当に悩んでしまうんですが、これがUU試験の結果だといってこういうふうにプロットされても、どういうふうに考えていいのかがよくわからないので、このケースでは、 ϕ があるものは無視して、 ϕ =0のものだけで計算します。この辺は議論がいろいろ

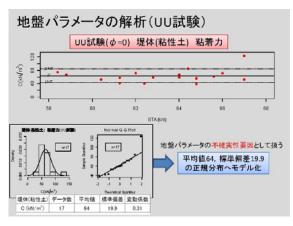


あるでしょうけれど、ともかくこのケースはこういうふうにしてやりました。

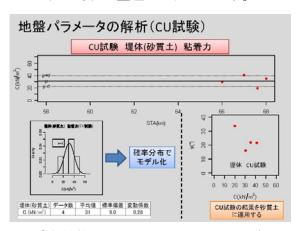
見ていただくと、図中の丸の中にあるようなバラツキを持っております。

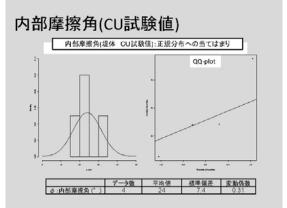
それだけ取りだして堤防の縦断方向にプロットしてみると、大体このようなバラツキに

なります。このバラツキというのは見かけ上のバラツキで、実際に設計に関係するバラツキは、後で言いますが、もっとずっと小さいものだろうと考えております。このケースでは統計的な推定誤差もよくわからないし、これをバラツキだというふうに考えて計算しました。かなり過大評価だと思います。



それから、CU試験は上流区間で実施しており、こんなふうになっております。 これはそれの整理したデータです。

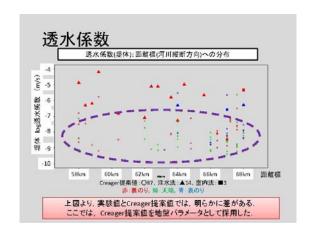




透水係数もまた問題で、Creagerの式から決めた、 D_{20} を中心に決めた値が下のほうに

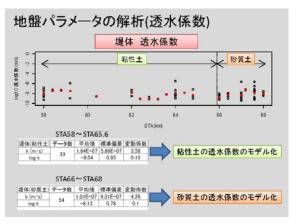
ばらついている値です。どういう透水試験をしたのか。室内か屋外かはわかりますが、試験方法はよくわかりませんでした。大体このようなバラツキのオーダーです。1ogスケールですから非常に大きなバラツキを持っております。

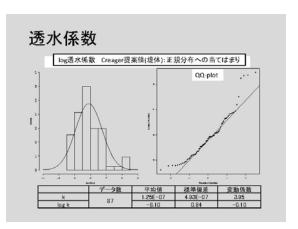
このケースも、我々も迷ったのですが、 ともかくCreagerの式をとろうということ



で、Creagerの式で評価をすることにしました。

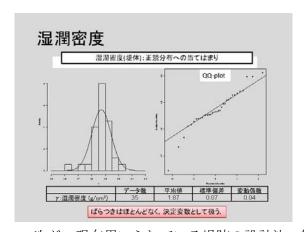
これがそのCreagerで取った場合の平均と、データのバラツキについてです。赤いものが それぞれの断面での平均値です。こういうものを使ってモデル化しました。





湿潤密度は、大体ばらつかないものですが、このケースでも変動係数 0.04 という非常に小さなバラツキなので、これは平均の $\gamma=1.87$ (g/cm³) として決定値として取り扱いました。

これが今回用いたものですが、UU試験のCの値を確率的な値として用いました。





次か、現在用いられている堤内の設計法 うことについて調べようとしました。先ほど申し上げましたように、真の安全率Gに 誤差eが入っているというふうに考えまし た。

これは、1975年に松尾先生とか浅岡 先生が出した論文で、非常に世界的にも評 価されている論文からとった図です。軟弱

次が、現在用いられている堤防の設計法、解析法にどれぐらいの不確実性があるかとい

不確実性解析(設計モデル化誤差) 設計計算では、多くの単純化や理想化が行われる。この結果、計算結果と真値の間には乖離が存在する。これを設計モデル化誤差とする。 「Gc = G + e 「ここに、G(は真の安全率、Gは計算値の安全率、eはモデル化誤差である。 「公尾+浅岡、1975) 23地点の被災事例と被災時の再現計算結果※より、設計計算の安全率と真の安全率(被災時における安全率=1.0)の誤差(モデル化誤差)について検討した。 ※国総研資料「堤防の浸透破壊に対する安全性評価の精度向上に関する誤查」(菊森、2008)

地盤上の盛土について、現位置ベーン試験か、一軸圧縮強度試験結果が、非排水せん断強度を出して、あとはFellenius法で円弧すべり計算して、実際に破壊した地盤(破壊したということは真の安全率は1だということなので)、そのときにどのぐらいの誤差があるかということを調べたものです。

そうすると、eが-0.1から0.1の間にほとんどのものが分布します。つまり、これだけの精度があるということです。ですから、この安定解析で求められる安全率は、±10%の精度で、かつ偏りがないということになります。

こういうことがわかると、強度のバラツキは除いてどれぐらいの破壊確率があるのかということを計算できるということになります。

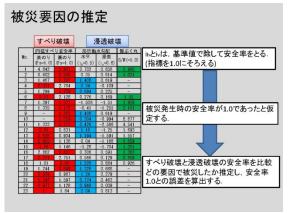
それで、これと同じようなことを堤防にしようとしたわけです。

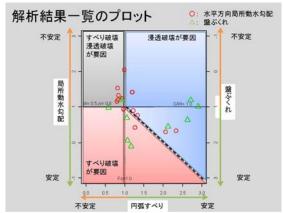
ここに1つ文献がありまして、菊森さんという方が2008年に国総研資料として出さ

れているものです。被災があったと判断された23例の堤防断面を集めてきて、現在の手引きで推薦されている設計方法によって安全性照査をやり直してみたという例がありました。円弧すべり解析とか、それから限界動水勾配とか、粘性土地盤があれば盤ぶくれとか、そういうものについて安全率が計算されております。



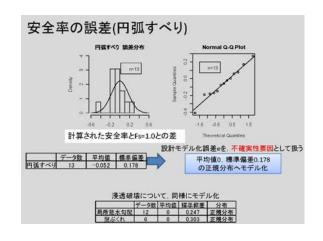
残念ながら、どういう変状があったということが個々にはっきりしておりませんので、 このケースでは計算上一番クリティカルになる現象をもって判断しました。ですから、す べり破壊、浸透破壊、いろいろ見まして、低いところを持ってくるわけですね。





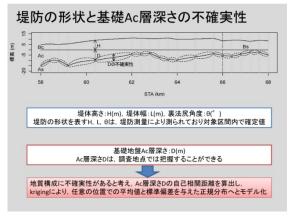
このケースでは、円弧すべりによる安全率がクリティカルになるケースが23のうち1

3個だったというわけです。そのときに 安全率はほぼ1だったということですね。 平均0.052と書いてあるのは、これは 誤差なので、ほとんど0ということで偏 差はないということですね。さらに、e の標準偏差が0.178。先ほどの松尾・ 浅岡の例などから見ても、大体オーダー は同じぐらいで、若干大きいかなという 程度です。



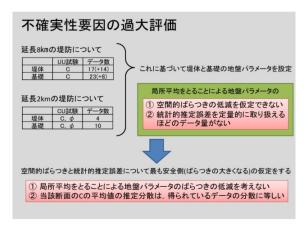
地盤の深さについてだけは、クリギングという方法を使って、調査しているところは正

確にわかる、していないところは補完していることによる誤差があるという仮定のもとに、こういうふうに内挿しました。ですから、地盤形状については若干の不確実性をこういう形で(ある意味のこれは統計的推定誤差ですが)、これを入れました。それで計算しました。



空間的バラツキということと統計的推定誤差というのは、実は分離するのがなかなか難

しいということがあります。これは、元の 原因をただすと同じだからです。つまり、 地盤パラメータというのは空間的にばらつ いている訳です。ばらついているがゆえに、 何カ所かで調査をしたときに統計的推定誤 差が残るわけですね。ですから、これらは 分離できないのです。詳しくは説明しませ んけど、我々は今のような、いわゆる一つ

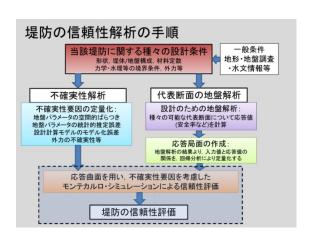


の供試体のバラツキですべての供試体の断面のいろいろな箇所の強度を推定するというのは、ものすごく過大にバラツキを評価していることになると考えております。なぜかというと、1つの断面の中にたくさんのバラツキがあると、それはキャンセルし合って、結果

的に平均値に非常に近づくということがあるからです。ですから、この計算結果はかなり 不確実性を過大評価しているというふうに考えてください。

ご説明してきたのはこの地盤解析によって応答曲面というものをつくり、それからいろいろな不確実性を一つづつ個別に解析してきたということです。最終的にこれを合わせて評価するということになります。

そのときにやるのは、使う式は極めて簡単な式ですし、それからこういう不確実性に関する一覧表をつくりまして、どういう誤差を考慮したかということを示します。回帰誤差というのは、応答曲面の誤差です。全体的見ると、これは極めて小さいということがわかります。それから設計モデル誤差が、さっき述べました0.178です。透水係数は対数正規分布ですので、対数のときの値ですから、普通の算術のスケールで考えればもっとずっと大きなバラツキになります。

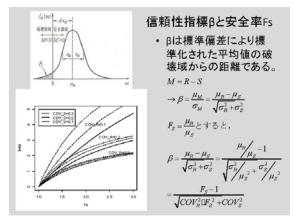




ここで採用した応答曲面の式ならば、今の計算機なら1億回だろうと簡単に計算してしまいます。

結果として出てきたものは、こういうものであります。これは β という指標で、信頼性指標といわれています。

物事を非常に単純化すると、抵抗から外力を引いたそれを安全性余裕といいます。 安全性余裕というのを最終的にプロットして、例えば正規分布すればこういうものになります。これが安全性余裕の平均値で、これが 0 以下ということは、外力(S)が抵抗(R)を上回るので破壊してしまうので、



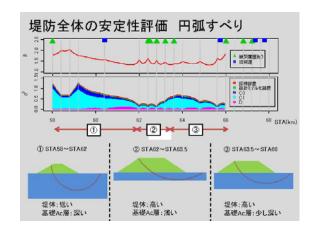
ここがいわゆる設計点といわれるポイントです。

一時的にバラツキをあらわすのは標準偏差ですので、この平均値を標準偏差で割ることによって、破壊点から平均値が標準化された距離でどのぐらいあるかということを計算することになり、それが β というものです。ですから、 β が高いほど安全率と同じように安全でありますが、ここにはバラツキの情報も含まれているということです。

先ほどの安全率の図と似ているんですけれど、大体下流のこの辺が高くて、途中が低く、

上流で少し上がるというようになります。 こういうふうにβが上がっている地点は、 ボーリングがあって地盤深さがはっきりわ かっているので高めが出て、こういうとこ ろは情報の不足のために安全性が下がると いうことです。

ざっと見ていったときに、対象区間の下 流部は堤体が低くて、基礎のAc層という粘



性地盤が比較的厚いというパターンで、この辺が高くて浅いというパターンです。

いただいたデータには過去の被災履歴とか旧河道とか、そういうようなマークがあるわけですが、やはりこの辺はトラブルがいろいろ過去にあったということがわかります。

これが全体としての標準偏差であらわした不確実性です。それが基礎地盤の深さだった のか堤防の強度なのか、モデル誤差なのか回帰誤差なのか、それぞれがどれぐらいコント リビュートしているかということがわかります。

基礎地盤のAc層が深いところは、やっぱり円弧が長いので、基礎地盤の強度のコントリビューションが大きいということがわかります。ここへくると少ないですね。Dというのは深さですが、深さの不確実性のコントリビューションは、内挿しているために、ボーリングデータがあるところは無いけれど、ボーリングデータのないところで大きくなっているということがわかります。

こういうグラフを見て、不確実性を下げる方法を検討することに役立てます。例えば、 補強する前にもっと情報を集めるとか、そういう方法もあるわけです。 ただ、現時点でいろいろやってみて、いろいろと感じたことがあります。それをここに 書いてみました。

応答曲面を用いるという方法は、最初は あまり線状構造物に使うということを考え ていなかったんですが、連続的に堤体や層 厚の諸元が変化しているような場合には、 うまく使えば使える可能性があると思うよ うになりました。

私は今まで「道路橋示方書」で橋の橋脚

現時点のまとめ

- 応答局面を用いる方法は、堤防の信頼性解析に適用可能と思われる。
- ・ 地盤調査が余りに少ない、また、下手に人口構造物であるため、自然地盤であれば仮定できる (確率場の)定常性などの仮定に問題がある.
- 信頼性設計は不確実性を扱う。これは平均はだいたい推定できるとしてその信頼性を問題にするということである。現在の堤防の設計法が、地盤工学としてこの「平均値をだいたい推定できる」レベルに達しているか疑問に感じる。

とかそういうものについてやってきたのですが、そういうものに比べて堤防は地盤調査が 少ないなと感じました。それからもう1つ非常に困ったのは、基礎地盤は、例えば大きな 沖積平野であれば、その沖積平野で形成された、ある土層については大体同じような性質 があるとか、堆積の環境から見て水平方向に相関が高いだろうとか、かなりいろいろな仮 定することができるし、一応、認められているわけですが、堤体というのは人工構造物で あるために、そういう仮定をたてることが正しいかどうか極めて怪しいというので、非常 に困ってしまいます。

それから、信頼性設計というのは、何かバラツキがあれば何でもできるように誤解されておりますけれど、よく考えてみると、この方法というのは二次近似に近いことを扱う。

つまり、平均値は大体推定できるんだけど、 その周りでどの程度平均値に対して精度が あるのかということを問題にするのが本来 の考え方です。それが現在の堤防の設計法 が地盤工学のレベルとして、大体平均値を 推定しているのかということについて、私 としては確信が持てない部分が多かったの で、本当に困ったわけです。



最近、堤防設計の世界に入ってきた者ということで、かなり言いたい放題なんですけど、

設計をしていて困ることがルーチン的にあ ります。つまり、河川事務所からお借りし た報告書を見たりしても非常に困ってしま うこととして、例えば、強度パラメータを どういうふうに決定するのかということに ついて、統一した見解が見られないんじゃ ないかなと思いました。

それから、UU試験というのをどう解釈

現行堤防設計法の地盤工学的問題点

-国土センター(2002)「河川堤防の構造検討の手引き」による設計法-

- -タ(C',φ' あるいは全応力強度)の決定法:
- 安定解析: 有効応力vs.全応力、局所的(浅層)すべり破壊の扱い
- 透水係数の決定(粒度vs.現場 or 室内透水試験)
- 不飽和浸透解析: 情報量と方法のミスマッチ 限界動水勾配: (特異点付近の)判定の一定性?

伝統的な設計法は、その発展の経緯の中で、地盤調査・地盤パラメータの決定・設計計算という一連の流れの中に調和 を保ち、ある程度の精度を確保している、堤防の設計法にその調和を見出すことができないように思う。歴史が浅い設計法にそるためと思われる。

していいのか、φがあるようなUU試験とかそういうものが出てくると、どうしていいの か非常に困ったということです。それから、安定解析について有効応力、全応力、いろい ろあります。これも、地盤パラメータの取り方と相まって、どう選択すればよいか。それ から、借用した検討書を見ると、局所的な浅層すべりでクリティカルというケースが極め て多くて、これがほんとうに堤防にとって致命的な破壊なのかどうか。それから、cがな 知られた事実です。そういうものをどういうふうに規定するのかあまりはっきりしない。

さらに、透水係数の決定ということで、先ほどの例にもありましたけど、粒度からいく のか現場透水試験からやるのか、室内に持ち込んでやるのか、どれを信用するのかという ようなことが非常に難しい。

さらに、不飽和浸透流の解析をしますが、与えられている情報のレベルに比べて、解析 法がデリケートすぎるのではないかというふうにつくづく感じます。日本の堤防には不飽 和浸透のほうが適しているという理屈はわかりますが、非常に扱いにくい。

それから、ルーチンで使われているソフトウェアで限界動水勾配の危ないところを見て いると、要するに端部であるとか、特異点に近いようなところで、恐らく非常に数値的な 処理が難しいというようなところで出ています。またこれが、FEMのメッシュの取り方 を変えると変わったりするので、そういうことについてもどういうふうに考えるのかとい うことがよくわからない……。これは全部土質力学の問題です。

だから、もう少し設計法を一定の方法に固定しないと、なかなか定量的に安全性を議論 するということが難しいなということを、地盤工学的には感じました。

ここに長良川の洪水の写真を出しました。これは1976年ですが、私たち岐阜に住ん でいる者には見なれている風景が、洪水のときってこんなになってしまうのかというよう

な写真なので、ちょっと印象深かったので 載せました。別に今回、長良川を解析して いるという意味ではありません。

ということで、申し上げにくいこともい ろいろ申し上げましたけれど、信頼性解析 ということをしていて、むしろ土質力学的 に決めてほしいといいますか、設計法とい うのは、ある一定の手続きに従って一定の

御清聴ありがとうございます.





1976(S.51)年9月12日豪雨時の長良川, 岐阜市付近 左: 旅館街を洗う長良川の濁流(岐阜市長良) 右: 忠節橋の橋桁近くに達する長良川の水位(岐阜市忠節)

方法で計算した値がどうかということを議論することができるのだと思います。設計法が、 一定のやり方でやっていれば、その一定のやり方に従ってなされた評価と実績とつき合わ せることによって、いろいろ議論ができるはずですけれど、堤防ではなかなかそれができ る状態にまだ至ってないのではないかなというのが率直な感想です。

こんなに文句ばかり言って、信頼性設計というのは全然役立たないのかということの名 **誉挽回のために、非常にうまくいくケースがあるということを一緒に研究をしている大竹** 先生より発表します。なぜこちらではうまくいってこちらではうまくいかないのか、私た ちが考えている設計の手順というのが悪いのかもしれませんが、その点はぜひどんどんご 指摘いただいて、こういうふうにしたらいいというように教えていただければ幸いです。

液状化地盤上の長大水路の信頼性解析

大竹 雄 岐阜大学工学部 社会基盤工学科 特任助教



私は、堤防ではございませんけれども、類似構造物ということで水路の問題を一昨年解析しましたので、その結果をお知らせしたいと思います。

対象といたしましたのは、航空写真にあるように、ある一級河川に沿って設置された水路でございまして、昭和50年代につくられて、延長12キロの非常に長い水路です。これは農業用水や周辺の上水にも使われているということで、非常に重要な水路です。

水路断面は非常にシンプルな構造になっ

ていまして、基本的には盛土タイプと我々は名前をつけたんですけど、RCのフレームの構造に、周辺に管理用、通路用の高さ2メードぐらいの盛土を盛って設置していけるというふうな状況です。

ただし、交差交通とかがある場合は掘込式とか、サイフォンにしたりとかの形式もあります。幅が8メートルぐらいの、農業用水の水路としては比較的大きな水路を対象にしています。

東海・東南海地震が発生したら被害が発生するような地域でございますので、基礎地盤の液状化懸念層が非常に厚く堆積しているということで、地震後にもちゃんと水が周辺に行き渡るんだろうかということを、管理者は非常に懸念していました。



まずは履歴を調べてみました。これは若松加寿江さんの有名な液状化履歴マップで、ここが対象地域でございますけれども、過去の被災履歴を見てみますと、やはりここの周辺では液状化があるなというようなことがわかります。

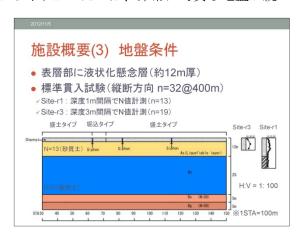
かつ、非常に問題だなと思ったのは、これは詳細に拡大した図なんですけれども、この 赤のところが1944年の東南海地震のときに液状化をしたというところだそうです。実 は、ここに旧河道が走っていて、それが廃川されてこちらの本川に合流したわけです。実 はこの旧河道をそのまま利用してつくったのが今の水路ということで、非常に液状化の懸 念性、発生が問題になるというような水路を対象にしました。





続いて、地盤条件を整理しました。解析がしやすかったのは、非常に均質な地盤が続い

ております。これは延長12キロの水路縦 断図をイメージしています。ここまで均質 ではないんですけれども、非常に安定して いる地盤構成です。表層の黄色い部分が液 状化懸念層です。表層10メートルから1 2メートルぐらいが砂質土で、そこが液状 化懸念層だということです。その下は非常 に軟弱な粘性土が25メートルぐらい厚く



堆積しているというのが、この地域の特徴的な地盤条件かなと思っております。

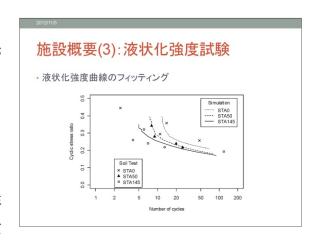
地盤調査といたしましては、基本的には標準貫入試験が32カ所行われていました。400メートル間隔です。先ほど本城先生からお話があった堤防と大体同じぐらいの間隔で調査がなされているということです。

調査の方法としては2つありまして、非常に古いデータは、表層7メートルぐらいしか

調査をしてなくて、N値も3カ所ぐらいしか測ってないような状況です。それから、近年やったのが<math>19カ所、こちらが13カ所、合計32カ所あり、このN値が解析の基礎になるデータになります。

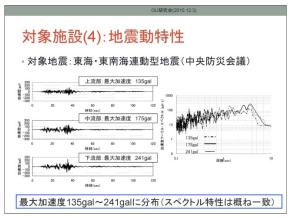
それから、液状化強度試験も3カ所、上、下、中流でやっています。ちょっと見えづらいですけど、20回液状化強度でいくと、0.2から0.3ぐらいの液状化強度があって、上流に行くほど強度が高くなるというような傾向がございました。

続いて、施設の関連として地震動の特性 を整理しました。信頼性解析の中では確定



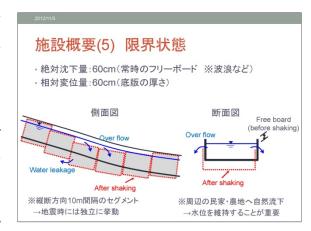
値として扱いましたけれども、地震動としては中央防災会議が公表している東海・東南海 地震の連動地震波形を使いました。

ここに波形を並べて書いていますけれども、下流側が震源に近いものですから、やや大きくて241ガルぐらい。上流だと135ガルぐらい。ただ、スペクトル特性を見ると、大体同じぐらいかなというところで、振幅は100ガル変わっていますけれども、スペクトル特性はあまり変わらないというような現場でございます。



設計に対しまして、何が限界状態なのかということを管理者と話しながら設定しました。

基本的には沈下を非常に気にしていらっしゃいました。この水路は自然流下で周辺に水を行き渡らせて田んぼとか上水に使っていますので、沈下をしてしまって水が行き渡らないというのが管理者の一番の懸念でございました。これは側面図、断面ですけれども、水路が大体長さ10メートルピッチでこんな感じで区切られています。それ

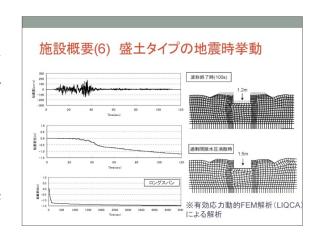


が沈下してしまってはずれてしまうということですとか、相対変位で漏水してしまうということが問題になってくるということなので、ここでは制限値60センチを目安にして、それを超える確率というのを求めていこうということを考えました。要は、当初流している満水位から、フリーボードといって余裕を見ているこの量ですね。それから、躯体の板圧の厚さで漏水する限界値ということで、これは偶然一緒になったんですけど、60センチというものが限界値になります。

まず、解析結果をお見せします。岐阜大の八嶋先生にご指導いただきながら、パラメーターフィッティングしながら、LIQCAを使って変形解析しました。

全体の9割ぐらいが盛土タイプで、こういうタイプの水路です。これが解析結果の変形

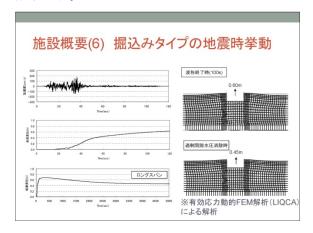
図で、波形が終わった100秒の値と、そこからずっと放置して間隙水圧が消散したところの変形図がこちらになります。これが加速度波形の時刻歴と鉛直変位ですね。こちらがロングスパンで、120秒以後、どこまで沈下するのかということをずっと見ていくと、5,000秒ぐらいで沈下がおさまるという結果になりました。大体1.



5メートルぐらい沈下が予想されるような水路です。フリーボードは60センチですので、 かなり問題になるような沈下だなというところが見えてきました。

こちらがもう1つのタイプの掘込タイプの結果です。浮き上がる構造になってしまいま

すけれども、鉛直変化をみると、100秒 ぐらいまで上がっていって、消散に合わせ てずっと沈下しているということです。大 体45センチぐらい浮き上がります。です から、盛土タイプと掘込タイプの境目では 漏水の可能性が高いんじゃないかなという ことが、代表断面の解析結果から推測され ます。



最後に施設のまとめです。堤防をやって改めて考えてみると、今回の施設は、比較的単純な構造物だなと思います。全体で延長12キロ。水路幅も大体一緒、盛土の高さも一緒。

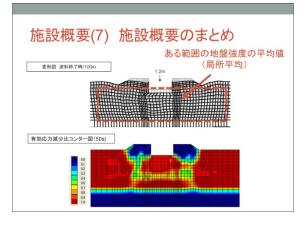
盛土も比較的小さいですし、それから地震時の挙動も、浮き上がるか沈下するかというよ うなところで、非常に単純かなと思います。

それから非常に大きなこととしては、基 礎地盤の堆積環境が一定で地層構成が均一 だったということが、解析のしやすさの面 でもあったかなと思います。

また、この問題は、局所平均の問題だなと思います。要するに、構造物の挙動を支配しているのは、1点1点のバラツキが問題なんじゃなくて、ある局所的な固まりとしての挙動が支配するという意味で、局所平均の問題だなと。例えば堤防のような、パイピングの問題で局所的に弱くて、そこが問題になっていってしまうという問題とは違って、ある固まりとなって抵抗するような問題ということで、これが信頼性解析のバラツキを議論する上で重要になります。

施設概要(7) 施設概要のまとめ

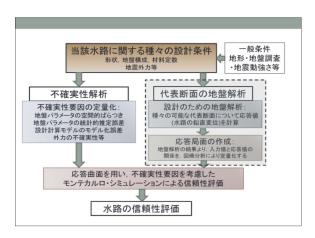
- 比較的単純な構造物
- 延長12km全体で水路幅, 盛土高さ, 幅も概ね一定
- 地震時挙動も比較的単純(水路の浮上, 沈下)
- ・基礎地盤の地層構成がほぼ一定
- 河川に沿って配置されており基礎地盤の堆積環境が同一
- 基礎地盤の液状化強度の局所平均問題
- 基礎地盤の比較的大きな範囲の平均的な地盤強度
- 自然地盤が相手(堤体のような人工構造物ではない)なので、 確率場によるモデル化が可能



それからもう1つ重要なのは、自然地盤が相手だということです。先ほどの本城先生が話された場所は、堤体が人工構造物で何が入っているかわからないというような話もあるかと思うんですけど、こちらは自然地盤で堆積環境が一定ということで、モデル化のしやすさが違うというようなところが特徴的かなと思っております。

ということで、後は、先ほどの本城先生 のお話と同じような流れで説明をさせてい ただきたいと思います。

まず、地盤解析のところを説明させていただきたいと思います。解析手法は、先ほど申し上げましたLIQCAを使って時刻歴の計算を行って、最終沈下量を残留沈下量と



して評価をしたということです。応答局面を最終的につくって、それを使って信頼性解析をしたいので、パラメトリックに液状化の層厚とか、液状化強度も3カ所強度試験をしてますので、それぞれでパラメータフィッティングをしてLIQCAのパラメータを決めて、FEM解析をしました。あとは地震の強度も変えて、幾つかその範囲内で

代表断面の地盤解析

- · 地盤解析: 有効応力動的 FEM解析(LIQCA)
- パラメータ: 液状化懸念層 の層厚, 液状化強度, 地 震動強さ
- 解析ケース:盛土タイプ, 掘込みタイプ, それぞれ11

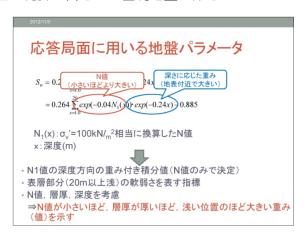
	(m)	R ₁₂₀	S _n dd	地震動強さ		鉛直変位(cm)	
				Acc (gal)	(kN/m²)	盛土	据込
- 1	12	0.25	-0.25	175	16.0	-76	47
2	12	0.29	-0.51	175	16.0	-31	29
3	12	0.21	-0.14	175	16.0	-115	49
4	10	0.25	-0.40	175	16.0	-57	37
5	10	0.29	-0.58	175	16.0	-20	27
6	10	0.21	-0.47	175	16.0	-40	26
7.	12	0.25	-0.25	135	12.0	-20	30
8	12	0.25	-0.25	150	14.0	-47	32
9	12	0.25	-0.25	200	16.5	-101	42
10	12	0.25	-0.25	220	17.0	-106	46
11	12	0.25	-0.25	241	17.2	-110	57

解析をして、どういうふうに最終的な残留変形が変わるのかということをやりました。

盛土タイプ、掘込タイプをそれぞれ11ケースずつやって、応答局面の作成に取り組みました。

応答局面ですけど、先ほどの例ですと盛土の堤防の高さとか基礎地盤の深さとかいろい

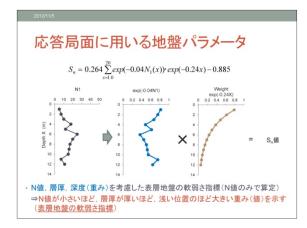
ろなパラメータがありましたけれども、ここでは少し工夫をして1つのパラメータに集約して整理ができるんじゃないかなと思って導入したのが S_n 値というものになっています。やや複雑な式のように見えますけれども、基本的にはN値の重み付け平均値ということで、深度12メートルのなかのN値の大きさと、表層ほど重みを大きく



して重み付け平均を全部足し合わせた値みたいな、総合的な指標になります。

これがイメージですけれども、N値があって、それをちょっと反転したものがSn値で

す。N値の情報と、表層ほど重みを大きく して掛け算して足し合わせるだけという、 シンプルな値です。よく、地震のとき使わ れるようなPL値とか、同じようなアイデ アかと思います。N値が小さいほど、もち ろん層厚が大きいほど大きくなって、浅い 所に弱い層厚があるほど大きい値になると いうことで、軟弱地盤の厚さをあらわす指

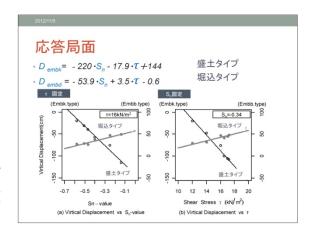


標としていいだろうと。深さの効果も入っていますしN値の効果も入っているということで、これを含めて強度のパラメータとして1つで整理できるんじゃないかということでやってみました。

これは照査に使う変形量の応答局面で、今申し上げた、N値から決まる地盤のマスとし

ての強さですね、S_n値。τというのは外力の項です。基礎地盤で波形が決まっているので、Shakeで液状化懸念層のところまで計算してあげて、そこへ入れてみようということです。

どれぐらいのフィッティングがあるのか というのがこちらの図です。横軸にS_n値 をとって縦軸に沈下量を取ったものです。

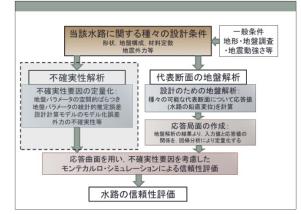


こちらが盛土タイプの沈下量をあらわしていて、こちらが掘込タイプの浮上量をあらわしています。白のプロットが盛土タイプの結果、FEMの結果です。黒い色のポイントが掘込タイプの結果です。それに対して、線形の関数がこういうふうに非常によく説明しているということがわかります。右図が \mathbf{S}_n 値を固定して、 τ に対する変化量を表しています。両方が非常によく合っています。

この方法で非常に複雑な液状化の問題、すべての問題でいけるとは思いませんけれども、この範囲でこの構造物に対してこの区間に限定していけば、この関数でも信頼性解析が十分に行われるんじゃないかと判断して、非常にシンプルな関数ですけど、これを使って信頼性解析を進めようと思いました。

次に、S_n値の空間的なバラツキ、統計的な推定誤差とか、FEMの誤差とか、そういったことを定量化して組み合わせてみようということです。こちらも、先ほどの本城先生

のパワーポイントに合わせて同じように書いていまして、空間的なバラツキに関しては、今申し上げたように S_n 値のバラツキを議論していく。N値の1個1個のバラツキというものではなくて、ある固まりのバラツキを議論していこうということです。



それから、統計的推定誤差ですけど、今日はあまり詳しく説明できませんけど、一般推定、局所推定と呼んでいて、後ほど絵があるのでそれが一番いいと思いますけど、調査位置がどこにあるのかという情報を考慮するかしないか。もちろん、調査したところは確実に強度がわかっていますし、逆に、非常に離れたところで調査をしていた

不確実性分析

- ・地盤パラメータの空間的ばらつき
- 地盤調査データより設定. 水路全体で計測されているN値に基づいて「S_n値のばらつき」をモデル化する.
- ・地盤パラメータの統計的推定誤差
- 地盤調査データにより設定。一般推定(General)と局所推定(Local)でモデル化
- ①一般推定:地盤調査位置を考慮しないSn値推定問題
- ②局所推定: 地盤調査位置を考慮したSn値推定問題(Kriging)
- ・設計計算モデルのモデル化誤差
 - 既往の模型実験ブラインド解析からモデル化
 - (河川堤防の地震時変形量の解析資料, JICE資料, 2009 など)
- 外力の不確実性
 - 今回の解析では、地震動強さ(波形特性)は確定値。

ら、その信頼性は全然乏しくなると思います。そういった効果を考慮した場合と、考慮しない場合をやってみました。後ほど絵を見ながらご説明したいと思います。

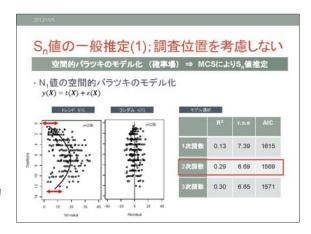
設計計算自体のモデル化誤差というのはこちらになっていまして、先ほどは円弧すべりの話でしたけど、今回は国土センターが2009年にやられた地震時変形解析、ブラインド解析試験を持ってきて、さらに幾つか資料を増やしました。このときは非常にシンプルな盛土の室内試験をされていて、その試験をする前に解析をして、実験結果でどうなんだ、信頼度はどうなんだというようなことを議論された資料があったので、そのデータを踏まえてモデル化誤差の定量化をしました。

最後の外力については、今回は確定値として取り扱っています。

まずSn値の話をいきたいと思います。これに当たって、Sn値はN値でモデル化ができ

ますのでN値の確率場のモデル化をしようということでやりました。こちらのデータは何かといいますと、深度方向に延長12キロのN値のデータを全部プロットしたものになっています。

ここに実線で書いたのがその骨格になる トレンド関数になっていまして、その平均 的な挙動は2次関数でモデル化しました。



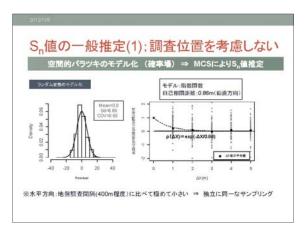
そのバラツキというのはこの残差でして、こちらです。このトレンドに対する残差。これがランダムというふうにして、これをモデル化することになります。

いわゆる統計的推定誤差とは何かというと、この問題でいけば、今このデータから決めたこの骨格がほんとうに正しいものであるか。ここにはかなり、200、300と多くの

データがありますけど、現場によっては非常に乏しいデータで決めなきゃいけないというときは、このトレンド関数自体も怪しいというようなところの問題が、統計的推定誤差になります。

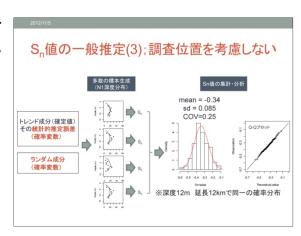
先ほどのランダム変数をヒストグラムにしたのがこちらになります。標準偏差で6.65。

この液状化懸念層が大体12から13ぐらいの平均N値がありますので、いわゆる変動係数でいくと0.5と、非常に大きな、一見、バラツキがあるような現場になっています。こちらは自己相関を議論したものです。横軸が距離——深度方向の問題ですけど、どれぐらい距離が離れるとN値の相関がなくなっていくのかと。もちろん、同じ



ところであれば非常に相関が高いんですけど、徐々に徐々に落ちていきます。この場合ですと鉛直方向の自己相関距離が 0.86ですから、1メートルぐらい離れてしまうとほぼ相関がなくなるような現場のモデル化です。だから、平均と分散と自己相関がわかれば、確率場のモデル化はできます。

先ほどの統計的推定誤差を踏まえまして、まず S_n 値の一般推定というのをしました。それは何かといいますと、今のモデル化で多数のサンプル、N値のサンプルを出して、N値がわかれば S_n 値がわかりますので、それを全部集約していこうということにします。 S_n 値の集約した結果がこちらになっていまして、COVでいくと0.25です



から、先ほどのN値の1点1点が0.5に対して、変動係数で半分ぐらいに非常に小さくなっているというようなことです。

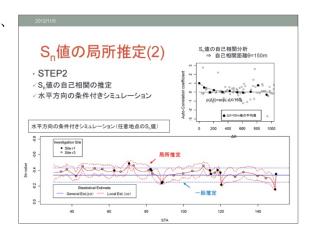
これは一般推定と呼んでいて、何かというと、延長上12キロはずっと全部同じこの確率変数、強度はこの確率変数を持っているよということになります。

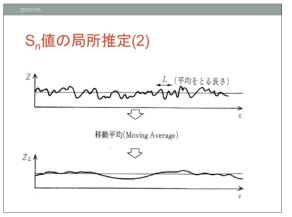
もうひとつの推定方法として局所推定というものを提案しており、そのイメージがこちらです。これは延長方向のイメージで、下がSn値です。調査地点がここに書いてあります。もちろん、調査したところではN値の情報がわかっているので、Sn値はすぐ計算できますので、確定値だというふうにわかります。



一番最初、非常に乏しいN値があったと思いますけれども、ああいうところでは、まあ 大体わかっているけど、幅はちょっと怪しいなというところでこういうふうに情報がある 中で、その周辺から離れるに従って不確実性があるということで、ある条件付きで不確実 性がどのように変化するのかと考えるのが局所推定です。

最終的な結果がこちらになっていまして、 これが一番重要な図だと思います。こちら、 横軸が延長12キロの距離になっていまし て、縦軸がSn値になります。一般推定と は何かといいますと、全体のデータを使っ てモデル化をしてS、値のモデル化をして いますから、平均値が青のラインです。ず っと同じ平均値。分散も同じ。だから、ど この断面でも強度も一緒だよということに なります。それに対して局所推定というの は、この丸の部分が調査したところになっ ていますけれども、調査したところでは間 違いなくSヵ値はわかっているわけですか ら、こういうふうにわかっていると。離れ るに従って徐々に青の平均に近づくような 傾向があるかなと思います。分散も大きく

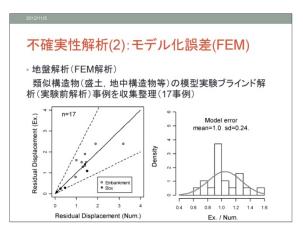




なってくるというようなこと。これがいわゆる統計的な推定誤差の効果になります。 ですから、黒の丸で示したような確実に弱いところがあったり、確実に強いところとか、 そういったところが評価されて信頼性解析にアウトプットされるので、ここが最後の結果 として非常におもしろい結果になります。

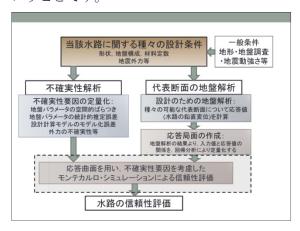
今までのは地盤パラメータですが、最後に解析誤差ということで、先ほど申し上げたよ

うにブラインド解析の事例を整理しました。 こちらが計算結果で、こちらが実験結果の 散布図になっていまして、最終的には17 事例集めて散布図を使って、それを比を取 ってグラフ化したのがこちらになります。 変動係数は0.24ぐらい。この不確実性の 大きさは実はかなり小さいと思います。例 えば、橋梁の浅い基礎のモデル化誤差とか



そういったものと比べても、変形量を予測するにもかかわらず、かなり精度が高いなと思いました。これぐらいの精度の問題として信頼性解析してみようということです。

ということで、両方終わりましたので、最後、これを使って信頼性解析をしてみようということです。





こちらが結果になります。こちらは模式図で示しました。これは変形量の平均値を示し

ていまして、上が一般推定、下が局所推定のイメージです。これは何を書いているかといいますと、対象水路が10メートルで区切られているので、そこに縦ラインが入っていると。ですから、それぞれが自分のところの強度に応じて変形するというような問題として絵を書きました。

信頼性評価: RSを用いたモンテカルロシミュレーション (MCS)

・変形図(平均値)

・履権定

・最後定

・最後定

・最後で

・最後のイブ

・「あってのand locfors valuery

・「あ

こちらは断面図のイメージで、色をつけ

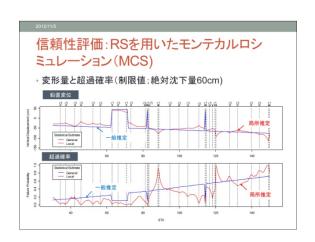
たのが底盤です。盛土タイプは沈下する傾向ですけど、掘込タイプは浮き上がるので、それぞれの構造変化点では漏水の可能性が高いとかですね。あとは、下流側ほど地震が強いので漏水の可能性が高いということがみえてきます。全般的な傾向は、何となく一般推定でも見えます。

こちらは局所推定で、局所的なボーリング調査の情報を考慮した解析結果になります。 そうすると、例えばここではわからなかったこういう局所的に弱いところでも漏水しそう だなというところが見えてきます。

こんなことで、局所推定の重要性がわかっていただけるかなと思います。

これをグラフ化したのがこちらでございまして、上が鉛直変位で、下が超過確率です。

先ほどはβですけど、今度は直接、何%超えるかというところで表現しています。鉛直変位でみますと、青が一般推定の結果、赤が局所推定の結果。もちろん弱いところで非常に平均値が下がっている。これは先ほどの絵に反映されていますけど、そうすると超過確率で見てみると、やっぱりこういうところは非常に超過確率が高い。これ



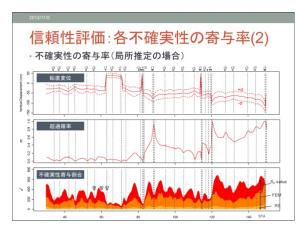
が1ですから、ほぼ100%に近いところで漏水しますよというところが見えてきます。 一般推定では見えないですが、局所推定で見えてきます。

この水路でもそうなんですけれども、堤防でもそうだと思うんですけど、照査がアウト になるというか、危ないと判断される区間が多いと思うんです。そうしたときに、どうい う順番で対策をしなきゃいけないんだというときには、やっぱりこういう情報が非常に重要かと思います。ですから、局所推定ということの重要さが言えるかなと思います。

申しおくれましたけれど、ここの縦のラインが調査したところになります。もちろん、 調査して非常に弱いとわかったので、超過確率が高いということになります。

最後の図ですけれども、これは局所推定のことだけを見て鉛直変位、超過確率、そして こちらが、その超過確率は何の不確実性に寄与しているんだというところを色分けしてい ます。

これをみますと、 S_n と書いているのが S_n 値の推定の空間的なバラツキ統計的推定誤差。ここでは主として統計的推定誤差が支配していると思います。それから、FEMと書いてあるのがモデル化誤差です。LIQCA自体の誤差。それから、ここは回帰誤差です。回帰誤差は非常に小さいということと、パラメータのバラ



ツキとFEMの誤差は、おおむね同じくらいの結果です。地盤調査したところではもちろんS,値の推定誤差というのは非常に小さいということがわかるかと思います。

ですから、先ほどのように対象優先順位がわかるということですとか、あとは例えばこ

ういう超過確率が上がっているところというのは、調査をしてないから上がっているということはこの色からもいえます。こういったところでは対策をするんじゃなくて、まずは調査してみましょうとか、今後の管理者にとっての有用な情報が、信頼性解析をすることによって得られるんじゃないかなと、この結果を見て思いました。

結論

- 簡易で実用的なレベル皿信頼性設計スキームを提案した、現存する複雑に不確実性を含む構造物に適用し、その能力(実用性、解の安定性)を示した。
- ・地盤構造物設計において考慮すべき不確実性を列挙し、その モデル化、考慮方法について詳述した。
- 特に、地盤パラメータの推定に係る不確実性(空間的バラツキ、統計的推定誤差)については、地盤情報の量や質、その位置関係の効果を設計成果に反映させる方法を示した。
- 得られた成果は、対策工の優先順位の決定や追加地盤調査 の実施地点の選定等、施設管理のための有効な資料になる ことを示した。